T.I. APELLIDO Y NOMBRE:	NOTA:
E-MAIL:	REG. No:

1. (a) Para cada una de las integrales indefinidas hallar una familia de primitivas:

i.
$$\int \frac{dx}{x^2 - 3x + 2}$$

ii.
$$\int \frac{2x-3}{x^2-3x+2} \, dx$$

- (b) Analizar para cada caso si es posible calcular la integral definida en el intervalo [0, 1.5].
- 2. Sea $f(x) = (x^2 1)(3 x)$
 - (a) Calcular el área encerrada entre la curva y el eje de las abscisas.
 - (b) Dar la expresión que permita calcular el volumen del sólido cuya base es el área encerrada por la curva y el eje de las abscisas y $f(x) \leq 0$, si toda sección perpendicular al eje y = 0 es un cuadrado.
 - (c) Dar la expresión que permita calcular el volumen del sólido si el área encerrada por la curva y el eje de las abscisas entre x=0 y x=1 rota alredador del eje x=0.
- 3. (a) Calcular la longitud del camino recorrido por el monito saltarín de un juguete que se mueve describiendo la siguiente curva paramétrica: $x(t) = 5 (t \sin t), y(t) = 5 (1 \cos t), t \in \left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}\right]$.
 - (b) El superávit de los consumidores está dado por el área entre la curva de demanda en función de los consumidores d(q) y el precio de equilibrio:

Si el precio de equilibrio es
$$p_0 = d(q_e) = 5$$
 y se conocen los puntos de $d(q) = (0, 13), (1, 10), (2, 8), (2.5, 7), (3, 5),$ aproximar un valor para el superávit de los consumidores.

4. Determinar la convergencia de las siguientes series:

(a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{n+1},$$

(b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{n^2}$$
,

(c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^n}{n^n}.$$

Decidir la veracidad de las afirmaciones: (justificar)

(a)
$$\frac{d}{dx} \int_{a}^{x} f(t) dt = F(x)$$

(b)
$$\int_{-1}^{1} \frac{dt}{t} = \frac{1}{2} \frac{1}{c}$$
, para algún $c \in (-1, 1)$.

Nro. de hojas entregadas:

Firmar la última hoja.

Profesora: Rosana Entizne

T.II. APELLIDO Y NOMBRE:	NOTA:
E-MAIL:	REG. No:

1. (a) Para cada una de las integrales indefinidas hallar una familia de primitivas:

i.
$$\int \frac{dx}{x^2 - 5x + 6}$$

ii.
$$\int \frac{2x-5}{x^2-5x+6} \, dx$$

- (b) Analizar para cada caso si es posible calcular la integral definida en el intervalo [1, 2.5].
- 2. Sea $f(x) = (1 x^2)(3 x)$
 - (a) Calcular el área encerrada entre la curva y el eje de las abscisas.
 - (b) Dar la expresión que permita calcular el volumen del sólido si el área encerrada por la curva y el eje de las abscisas entre x=0 y x=1 rota alredador del eje x=0.
 - (c) Dar la expresión que permita calcular el volumen del sólido cuya base es el área encerrada por la curva y el eje de las abscisas y $f(x) \geq 0$, si toda sección perpendicular al eje y = 0 es un cuadrado.
- 3. (a) Calcular la longitud del camino recorrido por el payaso saltarín de un juguete que se mueve describiendo la siguiente curva paramétrica: $x(t) = 5(1 - \sin t), y(t) = 5(t - \cos t), t \in \left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}\right]$
 - (b) El superávit de los productores está dado por el área entre el precio de equilibrio y la curva en función de la oferta s(q):

$$\int_0^{q_e} (p_0 - s(q)) dq.$$

Si el precio de equilibrio es $p_0 = s(q_e) = 15$, y se conocen los puntos de $\int_{0}^{q_{e}} (p_{0} - s(q)) dq. \quad \text{s(q): } (0,3), (1,8), (2,9), (2.5,13), (3,15),$ aproximar un valor para el superávit de los productores.

Determinar la convergencia de las siguientes series:

(a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3}{n+1},$$

(b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{n^5}$$
,

(c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^n}{n^n}.$$

(R) Decidir la veracidad de las afirmaciones: (justificar)

(a)
$$\int_{-1}^{1} \frac{dt}{t} = \frac{1}{2} \frac{1}{c}$$
, para algún $c \in (-1, 1)$.

(b)
$$\frac{d}{dx} \int_{a}^{x} f(t) dt = F(x)$$

Profesora: Rosana Entizne

T.III. APELLIDO Y NOMBRE:	NOTA:
E-MAIL:	REG. N°:

1. (a) Para cada una de las integrales indefinidas hallar una familia de primitivas:

i.
$$\int \frac{dx}{x^2 - x - 6}$$

ii.
$$\int \frac{(2x-1)(x^2-x)}{\sqrt{x^2-x+6}} dx$$

Profesora: Rosana Entizne

- (b) Analizar para cada caso si es posible calcular la integral definida en el intervalo [-3, 2].
- 2. Sea $f(x) = x x^3$
 - (a) Calcular el área encerrada entre la curva y el eje de las abscisas.
 - (b) Dar la expresión que permita calcular el volumen del sólido si el área encerrada por la curva y el eje de las abscisas entre x = 0 y x = 2 rota alredador del eje x = 0.
 - (c) Dar la expresión que permita calcular el volumen del sólido cuya base es el área encerrada por la curva y el eje de las abscisas y $f(x) \geq 0$, si toda sección perpendicular al eje y = 0 es un cuadrado.
- 3. (a) Calcular la longitud del camino recorrido por el payaso saltarín de un juguete que se mueve describiendo la siguiente curva paramétrica: $x(t) = 5(1 - \sin t), y(t) = 5(3 - \cos t), t \in \left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}\right]$
 - (b) El superávit de los productores está dado por el área entre el precio de equilibrio y la curva en función de la oferta s(q):

$$\int_0^{q_e} (p_0 - s(q)) dq.$$

Si el precio de equilibrio es $p_0 = s(q_e) = 15$, y se conocen los puntos de $\int_{0}^{q_{e}} (p_{0} - s(q)) dq. \qquad \begin{array}{l} \text{SI er precio de equilibrium } s(q); \ (0,3), \ (1,8), \ (2,9), \ (2.5,13), \ (3,15), \\ \text{aproximar un valor para el superávit de los productores.} \end{array}$

4. Determinar la convergencia de las siguientes series:

(a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3}{n+1},$$

(b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{e}{n^8}$$
,

(c)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^n}{n!}.$$

(R) Decidir la veracidad de las afirmaciones: (justificar)

(a)
$$\int_{-1}^{1} \frac{dt}{t} = \frac{1}{2} \frac{1}{c}$$
, para algún $c \in (-1, 1)$.

(b)
$$\frac{d}{dx} \int_{a}^{x} f(t) dt = F(x)$$

Nro. de hojas entregadas:

Firmar la última hoja.