Fecha: 24/02/2021

Examen Final Parte II. Práctica en papel.

Realice los ejercicios, sin dejar espacios en blanco.

Coloque su NOMBRE y el número de la PÁGINA que está entregando para poder identificar claramente su examen. Al finalizar indique el total de PÁGINAS entregadas y firme.

PRÁCTICA

1) Dados los siguientes puntos

| Х | 2 | 3 | 4 | 5 |
|------|----|---|---|---|
| f(x) | -3 | 5 | 7 | 9 |

- a) Determinar el polinomio de Newton que pasa por los puntos. <u>NOTA:</u> no es necesario encontrar la forma polinómica del polinomio de Newton, la forma factorial ya se considera correcta.
- b) Calcular el valor f(6). ¿Se trata de un valor obtenido por interpolación o extrapolación? Justifique.
- 2) Dado el siguiente sistema no lineal:

$$x_1^2 - x_2^2 + 2x_2 = 0$$

$$2x_1 + x_2^2 - 6 = 0$$

Realizar dos iteraciones del método de Newton Raphson Discretizado con $\delta x_i = \max(0.001|x_i|,10^{-5})$. Evaluar la norma 2 del error relativo y del vector de funciones en cada iteración. Considerar como punto inicial: $x^T = [3,0]$. ¿Ud. considera que se está aproximando a una solución del sistema? ¿Por qué?

3) Hallar la solución numérica de la siguiente ecuación diferencial:

$$y^{\prime\prime}=2y^3$$

$$y(-1) = \frac{1}{2}$$
; $y(0) = \frac{1}{3}$

- a) Resolver por el método de Shooting con método de Punto Medio. No realice más de 3 pasos del método con h=0.5.
- b) Resolver empleando el método de diferencias finitas. Considere h=0.5.